

когда он говорит о *рациональных* величинах, то он имеет в виду не только величины, соизмеримые с единицей, но и такие величины, квадраты которых соизмеримы с единицей или, как он выражается, которые „в степени соизмеримы“ с единицей. Впрочем, Эвклид не употребляет здесь термина *единица* в том смысле, который он имеет в руководствах по теории чисел; это слово обозначает некоторую произвольно выбранную величину, которая принимается за рациональную и которая играет в контексте ту же роль, что и единица.

В соизмеримости или несоизмеримости двух величин можно убедиться, как мы уже сказали выше (стр. 50), пытаясь непосредственно найти их наибольшую общую меру: несоизмеримость двух величин обнаруживается в том, что эту операцию можно продолжать до бесконечности, причем последовательные остатки непрерывно уменьшаются и могут быть сделаны меньше любой заданной величины. Это беспредельное уменьшение исследуется Эвклидом с той же научной строгостью, с какой древние рассматривали всякий случай бесконечного (*indéfinie*) приближения. Для этого он пользуется четвертым определением пятой книги из которого он выводит (теорема 1), что, вычитая из некоторой данной величины больше половины ее и затем, аналогичным образом, из полученных последовательно остатков больше половины их, можно получить под конец величину меньше любой произвольно заданной величины. Пользуясь этим предложением, как исходным пунктом, Эвклид приступает затем к некоторым общим изысканиям насчет иррациональных величин, не останавливаясь на вопросе об их возникновении, а также насчет новых иррациональных величин, составленных из них; потом следуют специальные исследования о квадратных корнях, — в частности те, о которых мы говорили в связи со случаями, когда эти корни оказываются рациональными, именно о рациональных прямоугольных треугольниках. Затем Эвклид устанавливает такие виды иррациональных величин, как *корни четвертой степени* из рациональных величин, выражения вида $p \pm \sqrt{p^2 - q}$, $\sqrt{p^2 + q} \pm p$,

$\sqrt{a} \pm \sqrt{b}$, а также корни квадратные из этих выражений или, точнее, как мы это покажем на одном примере, — некоторые преобразования этих квадратных корней в суммы или разности; члены этих последних находятся тогда с помощью уравнений вида $x^2 + y^2 = a$, $xy = b$, в которых сами a и b имеют уже заданный вид.

Кроме определений различных классов иррациональных величин, главная задача Эвклида сводится здесь к доказательствам того, что образованные величины иррациональны и, вообще, отличны друг от друга. В связи с этим последним пунктом оказывается необходимым выявить те частные случаи, когда выражение одного из указанных видов может быть сведено к более простому виду или составлено из более простых выра-